

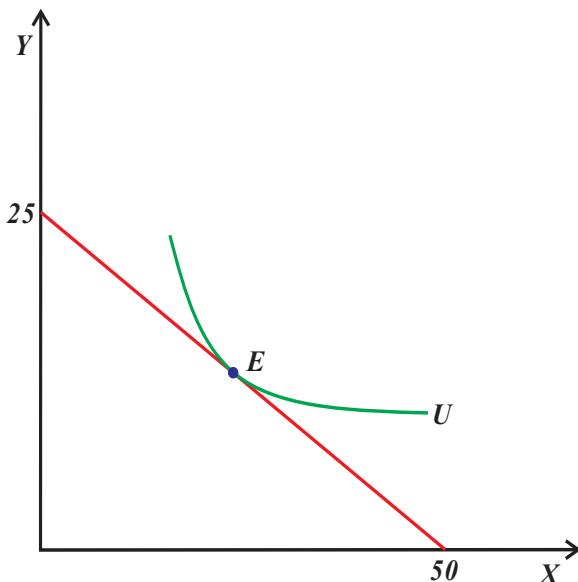
# **微观经济学: 作业 Chapter-3**

赵时亮 周六 [5], 周四 (双) [6]

赵时亮

April 22, 2014

1. 已知某人收入为  $I = 90$ , 他消费  $X$  和  $Y$  两种商品, 他从中得到的效用为  $U(x, y) = 2xy^2$ 。已知两种商品的价格分别为  $P_x = 2$ ,  $P_y = 3$ 。
  - (a) 他的消费集是多少?
  - (b) 如果  $P_x$  升高到 4, 求消费者对  $Y$  需求的交叉价格弹性。
2. 设消费者的需求函数为  $Q = 60 - 2P$ 。  
求当商品价格为  $P = 5$  时候的消费者剩余, 当价格下降到  $P = 4$  时, 消费者均剩余加多少?
3. 假设某人消费  $x$  和  $y$  两种商品, 他的效用函数为  $U(x, y) = 2\sqrt{x} + y$ 。他的收入水平为  $I = 10$ ,  $y$  商品的价格  $P_y = 1$ 。
  - (a) 假设  $x$  的初始价格为:  $P_x = 0.5$ , 那么他的消费集为多少?
  - (b) 假设  $x$  的价格下降到  $P_x = 0.2$ , 那么新的消费集是多少?
  - (c) 用希克斯分解法计算替代效应和收入效应各为多少? 并画图表示。
4. 假设某人对商品 A 的需求函数为  $Q = 0.02M - 2P$ , 假设收入为  $M = 6500$ , 商品价格从  $P_A = 20$  下降到  $P_A = 10$ 。试分析他购买行为变化的收入效应和替代效应。
5. 假设某消费者购买商品  $x$  和  $y$ , 他对两个商品的无差异曲线是线性的, 且斜率为  $-a$ 。如果两商品的价格分别为  $P_x, P_y$ , 该消费者收入为  $M$ , 请问该消费者的最佳消费组合是什么?
6. 假设消费者均衡如下图所示, 已知  $P_x = 2$ 。



- (a) 求消费者的收入。
- (b) 求商品  $Y$  的价格  $P_y$ 。
- (c) 写出消费者的预算约束线。

- (d) 求均衡点的边际替代率  $MRS_{x,y}$ 。
- (e) 预算线的斜率是多少?
7. 设消费者的效用函数为  $U(x,y) = x^\alpha y^\beta$ , 并且  $\alpha + \beta = 1$ 。如果商品价格分别为  $P_x$  和  $P_y$ , 消费者收入  $M$ 。
- (a) 求消费者对  $x$  和  $y$  的需求函数。
- (b) 当商品价格和消费者收入都增加  $r\%$  时, 消费者对商品的需求有什么变化?
- (c) 证明  $\alpha$  和  $\beta$  分别表示消费者消费商品  $x$  和  $y$  的支出所占收入的百分比。
8. 市场上有三个消费者, 他们的需求函数分别为:  $Q_a = 20 - 4P, Q_b = 30 - 5P, Q_c = 10 - P$ 。分别画出三者的个人需求曲线和总的市场需求曲线。
9. 假设有两个投资项目, 投资金额都是 100 元, 收益分别为:

	投资收益	收益概率		投资收益	收益概率
项目 A:	-20	0.3	项目 B:	-20	0.1
	0	0.4		0	0.8
	20	0.3		20	0.1

有两个投资者, 他们的效用函数分别为  $U_x = 100I$ ,  $U_y = 100I^2$ , 请问他们分别会选择哪个投资项目?